

Chute verticale d'un solide

I. Lois de Newton

- Première loi : $\vec{a}_G = 0 \Leftrightarrow \Sigma \vec{F}_{ext} = \vec{0}$
- Deuxième loi : $m \vec{a}_G = \Sigma \vec{F}_{ext}$
- Troisième loi : $\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$

II. Vecteur champ de pesanteur \vec{g}

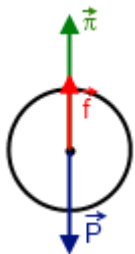
$$\vec{g} = \frac{\vec{P}}{m} \quad \left. \vec{g} \right\} \begin{array}{l} \text{Direction : } \downarrow \\ \text{Sens : } \downarrow \\ \text{Valeur : } g \end{array}$$

$$F_{terre/A} = \frac{mGM_T}{(R_T + h)^2} = mg \quad \Rightarrow \quad g = G \frac{M_T}{(R_T + h)^2}$$

III. Forces exercées par un fluide

Poussée d'Archimède	Force de frottements
$\vec{\pi} \left\{ \begin{array}{l} \text{Direction : } \downarrow \\ \text{Sens : } \uparrow \\ \text{Valeur : } \rho_f V g \end{array} \right.$	$\vec{f} \left\{ \begin{array}{l} \text{Direction : } \downarrow \\ \text{Sens : opposé à } \vec{v} \\ \text{Valeur : } f = kv \text{ ou } f = kv^2 \end{array} \right.$

IV. Chute verticale avec frottements



$$ma_G = P - \pi - f$$

$$\frac{dv}{dt} = A - \frac{f}{m}$$

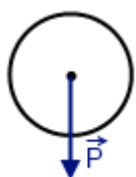
$$A = g \left(1 - \frac{\rho_f V}{m} \right)$$

$$B = \frac{k}{m}$$

Si le solide est totalement immergé, $\frac{V}{m} = \frac{1}{\rho_s}$

Frottements de type $f = kv$	Frottements de type $f = kv^2$
$\frac{dv}{dt} = A - Bv$ $v_{lim} = \frac{A}{B} \quad \tau = \frac{1}{B}$	$\frac{dv}{dt} = A - Bv^2$ $v_{lim} = \sqrt{\frac{A}{B}}$

V. Chute verticale libre



$$a_z = g$$

$$v_z = gt + v_0$$

$$z(t) = \frac{1}{2}gt^2 + v_0t + z_0$$