

# TAD Collections et conception

Algo – Chapitre 6

<p><b>Pile&lt;Element&gt;</b> Gestion LIFO</p> <p>estVide <math>\mathcal{P} \rightarrow \mathbb{B}</math> empiler <math>\mathcal{P} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{P}</math> dépiler <math>\mathcal{P} \rightarrow \mathcal{P}</math> non(estVide(p)) obtenirElement <math>\mathcal{P} \rightarrow \mathbb{E}</math> non(estVide(p))</p>	<p><b>Type</b> Pile = LC</p>	<p>estVide <math>\rightarrow</math> estVide empiler <math>\rightarrow</math> ajouter dépiler <math>\rightarrow</math> supprimerTete obtenirElement <math>\rightarrow</math> obtenirElement</p>
<p><b>File&lt;Element&gt;</b> Gestion FIFO</p> <p>estVide <math>\mathcal{F} \rightarrow \mathbb{B}</math> enfiler <math>\mathcal{F} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{F}</math> défiler <math>\mathcal{F} \rightarrow \mathcal{F}</math> non(estVide(f)) obtenirElement <math>\mathcal{F} \rightarrow \mathbb{E}</math> non(estVide(f))</p>	<p><b>Type</b> File = LC</p>	<p>estVide <math>\rightarrow</math> estVide enfiler <math>\rightarrow</math> ajouter en fin de liste défiler <math>\rightarrow</math> supprimerTete obtenirElement <math>\rightarrow</math> obtenirElement</p>
<p><b>Liste&lt;Element&gt;</b> ≈ Tableau</p> <p>estVide <math>\mathcal{L} \rightarrow \mathbb{B}</math> insérer <math>\mathcal{L} \times \mathbb{N} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{L}</math> <math>0 &lt; i \leq \text{longueur}(l) + 1</math> supprimer <math>\mathcal{L} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathcal{L}</math> <math>0 &lt; i \leq \text{longueur}(l)</math> obtenirElement <math>\mathcal{L} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{E}</math> <math>0 &lt; i \leq \text{longueur}(l)</math> longueur <math>\mathcal{L} \rightarrow \mathbb{N}</math></p>	<p><b>Type</b> Liste = <b>Structure</b> els : LC nbEls : Naturel <b>finstructure</b></p>	<p>estVide <math>\rightarrow</math> estVide insérer <math>\rightarrow</math> insère à la ième place &amp; inc. nbEls supprimer <math>\rightarrow</math> supprimer ième el &amp; dec. nbEls obtenirElement <math>\rightarrow</math> obtenir ième élément longueur <math>\rightarrow</math> champ nbElements</p>
<p><b>ListeOrdonnee&lt;Element&gt;</b> ≈ Tableau trié</p> <p>estVide <math>\mathcal{L} \rightarrow \mathbb{B}</math> insérer <math>\mathcal{L} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{L}</math> supprimer <math>\mathcal{L} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathcal{L}</math> <math>0 &lt; i \leq \text{longueur}(l)</math> obtenirElement <math>\mathcal{L} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{E}</math> <math>0 &lt; i \leq \text{longueur}(l)</math> longueur <math>\mathcal{L} \rightarrow \mathbb{N}</math></p>	<p><b>Type</b> ListeOrdonnee = <b>Structure</b> els : LC nbEls : Naturel <b>finstructure</b></p>	<p>estVide <math>\rightarrow</math> estVide insérer <math>\rightarrow</math> insérer où il faut &amp; inc. nbEls supprimer <math>\rightarrow</math> supprimer ième el &amp; dec. nbEls obtenirElement <math>\rightarrow</math> obtenir ième élément longueur <math>\rightarrow</math> champ nbElements</p>
<p><b>Ensemble&lt;Element&gt;</b></p> <p>ajouter <math>\mathcal{E} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{E}</math> retirer <math>\mathcal{E} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{E}</math> estPresent <math>\mathcal{E} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathbb{B}</math> cardinalite <math>\mathcal{E} \rightarrow \mathbb{N}</math> union <math>\mathcal{E} \times \mathcal{E} \rightarrow \mathcal{E}</math> intersection <math>\mathcal{E} \times \mathcal{E} \rightarrow \mathcal{E}</math> soustraction <math>\mathcal{E} \times \mathcal{E} \rightarrow \mathcal{E}</math></p>	<p><b>Type</b> Ensemble = <b>Structure</b> els : LC nbEls : Naturel <b>finstructure</b></p>	<p>ajouter <math>\rightarrow</math> si non présent, ajouter &amp; inc. nbEls retirer <math>\rightarrow</math> si présent, supprimer el &amp; dec. nbEls estPresent cardinalité <math>\rightarrow</math> champ nbEls union soustraction intersection</p>
<p><b>Dictionnaire&lt;Clé,Valeur&gt;</b> ≈ Tableau associatif</p> <p>ajouter <math>\mathcal{D} \times \mathcal{C} \times \mathcal{V} \rightarrow \mathcal{D}</math> retirer <math>\mathcal{D} \times \mathcal{C} \rightarrow \mathcal{D}</math> estPresent <math>\mathcal{D} \times \mathcal{C} \rightarrow \mathbb{B}</math> obtenirValeur <math>\mathcal{D} \times \mathcal{C} \rightarrow \mathcal{V}</math> obtenirClefs <math>\mathcal{D} \rightarrow \mathcal{L} &lt; \mathcal{C} &gt;</math> obtenirValeurs <math>\mathcal{D} \rightarrow \mathcal{L} &lt; \mathcal{V} &gt;</math></p>		
<p><b>ListeChaine&lt;Element&gt;</b></p> <p>estVide <math>\mathcal{L} \rightarrow \mathbb{B}</math> ajouter <math>\mathcal{L} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{L}</math> obtenirElement <math>\mathcal{L} \rightarrow \mathbb{E}</math> non(estVide(l)) obtenirListeSuivante <math>\mathcal{L} \rightarrow \mathcal{L}</math> non(estVide(l))</p>	<p><b>Type</b> LC = ^Noeud <b>Type</b> Noeud = <b>Structure</b> el : Element listeSuiv : LC <b>finstructure</b></p>	<p><b>fonction</b> listeVide () : LC <b>fonction</b> estVide (liste : LC) : Booleen <b>procédure</b> ajouter (E/S liste : LC, E element : E) <b>fonction</b> obtenirElement (liste : LC) : E <b>fonction</b> obtenirListeSuivante (liste : LC) : LC <b>procédure</b> fixerListeSuivante (E liste : LC, E nelleSuite : LC) <b>procédure</b> supprimerTete (E/S liste : LC) <b>procédure</b> supprimer (E/S liste : LC)</p>
<p><b>ArbreBinaire&lt;Element&gt;</b></p> <p>ajouterRacine <math>\mathbb{E} \times \mathcal{A} \times \mathcal{A} \rightarrow \mathcal{A}</math> estVide <math>\mathcal{A} \rightarrow \mathbb{B}</math> obtenirElement <math>\mathcal{A} \rightarrow \mathbb{E}</math> non(estVide(a)) obtenirFilsGauche <math>\mathcal{A} \rightarrow \mathcal{A}</math> non(estVide(a)) obtenirFilsDroit <math>\mathcal{A} \rightarrow \mathcal{A}</math> non(estVide(a))</p>	<p><b>Type</b> AB = ^Noeud <b>Type</b> Noeud = <b>Structure</b> element : Element filsGauche : AB filsDroit : AB <b>finstructure</b></p>	<p><b>fonction</b> arbreBinaire () : AB <b>fonction</b> estVide (a : AB) : Booleen <b>fonction</b> ajouterRacine (fg, fd : AB, element : E) : AB <b>fonction</b> obtenirElement (a : AB) : E <b>fonction</b> obtenirFilsG/D (a : AB) : AB <b>procédure</b> fixerFilsG/D (E a : AB, E ag/d : AB) <b>procédure</b> supprimerRacine (E/S a : AB, E ag, ad : AB) <b>procédure</b> supprimer (E/S a : AB)</p>
<p><b>ABR&lt;Element&gt;</b></p>	<p><b>Type</b> ABR = AB</p>	<p>estVide <math>\rightarrow</math> estVide insérer</p>

# TAD Collections et conception

estVide $\mathcal{A} \rightarrow \mathbb{B}$ insérer $\mathcal{A} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{A}$ supprimer $\mathcal{A} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathcal{A}$ estPresent $\mathcal{A} \times \mathbb{E} \rightarrow \mathbb{B}$ obtenirElement $\mathcal{A} \rightarrow \mathbb{E}$ <small>non(estVide(a))</small> obtenirFilsGauche $\mathcal{A} \rightarrow \mathcal{A}$ <small>non(estVide(a))</small> obtenirFilsDroit $\mathcal{A} \rightarrow \mathcal{A}$ <small>non(estVide(a))</small>	$A_g$ et le $A_d$ sont des ABR les elts de $A_g$ st $\leq e$ les elts de $A_d$ st $> e$	supprimer estPresent obtenirElement $\rightarrow$ obtenirElement obtenirFilsGauche $\rightarrow$ obtenirFilsGauche obtenirFilsDroit $\rightarrow$ obtenirFilsDroit
<b>Arbre&lt;Element&gt;</b> ajouterRacine $\mathbb{E} \times \mathcal{L} < \mathcal{A} > \rightarrow \mathcal{A}$ estVide $\mathcal{A} \rightarrow \mathbb{B}$ obtenirElement $\mathcal{A} \rightarrow \mathbb{E}$ <small>non(estVide(a))</small> obtenirFils $\mathcal{A} \rightarrow \mathcal{L} < \mathcal{A} >$ <small>non(estVide(a))</small>	<b>Type</b> <i>Arbre</i> = AB avec : <ul style="list-style-type: none"> <li>le fils gauche pour représenter le premier fils d'un nœud de l'arbre</li> <li>le fils droit pour représenter le prochain frère fils d'un nœud de l'arbre</li> </ul>	

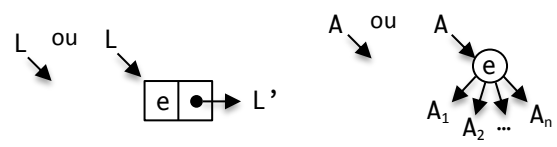
## I. Représentation possibles des TAD

- Structure contenant tableaux et nombre d'éléments
- SDD ou structure contenant une SDD

## III. TAD récursifs

Un(e) liste chaînée/arbre est soit :

- un(e) L/A vide ( $()$ ),
- un élément suivi d'un(e) L/A ( $(e, L')$  /  $(e, A_1, \dots, A_n)$ ).



## II. Utilisation des TAD

Type File = ListeChaine  
 Type FileDEntiers = ListeChaine<Entier>  
 f : File<Entier>

### 1. Vocabulaire des arbres

- Arité d'un nœud :** Nombre de sous-arbres non vides
- Chemin :** Séquences de nœuds liés (longueur = nombre d'arc)
- Niveau d'un nœud :** Longueur jusqu'à la racine.
- Hauteur :** Maximum des niveaux des nœuds.
- Feuille :** Nœud sans sous-arbre non vide.

### 2. Les ABR/AVL

- Insérer : Parcours jusqu'à trouver une branche vide
  - Equilibrage par rotations après insertion
- Supprimer : Parcours jusqu'à trouver élément, puis :
  - fg vide et fd vide : supprimer
  - fg vide ou fd vide : supprimer et mettre le non vide a la place
  - aucun vide : plus grand des plus petits nouveau nœud
  - Pour AVL, descendre le nœud à supprimer par rotations sans déséquilibrer l'arbre avant de le supprimer

